

رسم تابع توزیع و تابع چگالی احتمال در متلب

تولید یک میلیون نمونه تصادفی دارای توزیع یکنواخت بین صفر و یک و درستی تابع چگالی احتمال آن:

برنامه نوشته شده به صورت زیر است:

```
clc;
clear all;
close all;

a=rand(1,10^6);
x=0:.01:2;
B=size(x,2);
F=zeros(1,B);
for i=2:B
    index=a<x(i);
    F(i)=sum(index)/size(a,2); %Probability of (random variable)<x(i)
    subplot(1,2,1);
    plot(x,F,'b');grid on;
    xlabel('x');ylabel('F(x)');title('CDF')
    axis([0 2 0 2]);
    f(i)=(F(i)-F(i-1))*100;
end
subplot(1,2,2)
plot(x,f); grid on;
axis([0 2 0 2]);
xlabel('x');ylabel('f(x)');title('PDF');
```

با استفاده از تابع rand، 10^6 متغیر تصادفی بین صفر و یک انتخاب می کنیم.

حال x را که محور افقی نمودار است از ۰ تا ۲ با مقیاس ۰.۰۱ تقسیم کرده و تعداد این تقسیمات را با تابع $\text{size}(x,2)$ که تعداد ستون های x را نشان میدهد به دست آورده در متغیر B ذخیره می کنیم.

در حلقه for، i شمارنده حلقه است که معرف تقسیمات x است. در این حلقه در هر مرحله متغیر های تصادفی که از $x(i)$ کوچکتر است را در متغیر index قرار می دهیم. در مرحله بعد احتمال $F(i)$ را به وسیله رابطه زیر به دست می آوریم.

```
F(i)=sum(index)/size(a,2);
```

در این رابطه تعداد متغیر های تصادفی کمتر از $x(i)$ جمع و بر تعداد کل متغیر های تصادفی که همان ۱۰۰۰۰۰۰۰ متغیر است تقسیم می شود.

با این روش در هر مرحله از حلقه $P(X < x(i))$ محاسبه می شود. (X: RANDOM VARIABLE)

حال با رسم prob بر حسب x تابع $P(X < x)$ که همان تابع توزیع احتمال $F(x)$ است به دست می آید که نشان می دهد توزیع یکنواخت است و با مشتق گرفتن به صورت $f(i) = (F(i) - F(i-1)) * 100$ و رسم تابع f بر حسب x تابع چگالی احتمال توزیع یکنواخت به دست می آید. (در رابطه فوق به خاطر این که x ها با مقیاس 0.01 جدا شده باید رابطه در 100 ضرب شود تا نمودار درست رسم گردد.)

نمودار ها در شکل زیر آمده است:

